Website: ycyk.brit.com.cn

基于 CNN-LSTM 神经网络的前视成像算法

孙晓翰¹,李凉海²,张 彬¹
(1北京遥测技术研究所北京100076;
2中国航天电子技术研究院北京100094)

摘要: 雷达前视成像作为雷达成像领域的难点与重点,在自动驾驶、导航、精确制导等方面具有广阔的应用前景。传统的前视成像算法受限于天线孔径的宽度,无法实现高分辨率的成像,本文使用卷积神经网络(Convolutional Neural Networks, CNN)与长短期记忆(Long Short-Term Memory, LSTM)网络相结合实现前视成像中方位向的预测,首先介绍了扫描前视成像信号的类卷积模型及其病态性,利用脉冲压缩以及距离徙动校正对回波信号预处理,输入CNN-LSTM神经网络逐距离单元进行方位向估计。仿真结果表明:算法能有效提高前视成像的方位分辨率,实现前视成像的超分辨。

关键词:前视成像;深度学习;卷积神经网络;病态性逆问题
中图分类号:TP18;TP75 文献标志码:A 文章编号:2095-1000(2024)02-0029-08
DOI: 10.12347/j.ycyk.20231225001
引用格式:孙晓翰,李凉海,张彬.基于CNN-LSTM神经网络的前视成像算法[J].遥测遥控,2024,45(2):29-36.

Forward-looking Imaging Algorithm Based on CNN-LSTM Neural Network

SUN Xiaohan¹, LI Lianghai², ZHANG Bin¹

(1. Beijing Research Institute of Telemetry, Beijing 100076, China;

2. China Academy of Aerospace Electronics Technology, Beijing 100080, China)

Abstract: As a difficulty and focus in the field of radar imaging, radar forward-looking imaging has broad application prospects in automatic driving, navigation, precision guidance and so on. The traditional forward-looking imaging algorithm is limited by the width of the antenna aperture and cannot achieve high-resolution imaging. In this paper, CNN (Convolutional Neural Networks) neural network and LSTM (Long Short-Term Memory) neural network are combined to realize the prediction of azimuth in forward-looking imaging. Firstly, the convolution-like model of the scanning forward-looking imaging signal and its ill-posedness are introduced. The echo signal is preprocessed by pulse compression and range migration correction, and input into the CNN-LSTM neural network to perform azimuth estimation by range unit. The simulation results show that the algorithm can effectively improve the azimuth resolution of forward-looking imaging and realize the super-resolution of forward-looking imaging.

Keywords: Forward-looking imaging; Deep learning; Convolutional neural network; Ill-posed inverse problem

Citation: SUN Xiaohan, LI Lianghai, ZHANG Bin. Forward-looking Imaging Algorithm Based on CNN-LSTM Neural Network[J]. Journal of Telemetry, Tracking and Command, 2024, 45(2): 29–36.

0 引言

雷达成像技术是一种利用雷达系统生成目标 图像的技术。它通过发射无线电波,接收目标表 面反射回来的信号,然后通过分析这些信号生成 目标的空间位置、形状和运动信息。雷达成像的 工作原理包括发射脉冲或连续波,通过调整雷达 波束的方向和形状来扫描感兴趣区域^[1]。多普勒锐 化技术(Doppler Beam Sharpening, DBS)^[23]与合成孔 径雷达(Synthetic Aperture Radar, SAR)¹⁴⁻⁶¹是常见的 雷达成像技术,前者通过观测平台与目标之间的 运动产生的多普勒频移来分辨目标的方位信息, 后者通过在雷达平台运动中合成长孔径来提高成 像分辨率。雷达成像技术因其在各种天气条件下 的全天候性和在复杂环境中的高效性而受到青睐, 广泛应用于军事、气象、地质勘探、自动驾驶等 领域。

当雷达处在前视位置时,平台的运动方向与

波束指向一致,等距离线与等多普勒线平行,DBS 与SAR技术同时失效^[7],而一般的实波束前视成像 技术受限于雷达的天线孔径宽度,无法实现高分 辨成像。各国学者在此领域展开了诸多的探索和 研究,提出了多种解决方案。文献[8-12]利用和差 测角原理,将单脉冲技术与前视成像结合,提高 了方位向的分辨率,但无法精确分辨同一波束内 的多个目标,存在一定的缺陷;双基地 SAR 技 术^[13-15],由于其复杂的时空同步、几何构型等问 题,使得其在实际应用中存在一定的难度;解卷 积成像技术^[16-22]的本质是信号还原技术,其将同距 离单元回波信号建模为目标散射系数与天线方向 图的类卷积模型,通过解卷积运算反演方位向的 目标分布函数。

近几年来,随着深度学习的迅速兴起,深度 学习网络在逆问题求解中得到广泛应用,如图像 超分辨、图像去噪、图像复原等光学图像逆问题, 在图像重构质量和工作效率方面均表现优异,成 为解决逆问题的主流方法。深度神经网络(Deep Neural Networks, DNN)基于数据驱动通过监督学习 的方式自动从数据中学习先验知识,以获得更加 适用于观测场景的先验信息。通过网络训练去探 索观测数据与重构图像之间复杂的非线性映射关 系,自行建立隐式成像模型,以最大限度拟合输 入与输出的精确映射关系,具有较强的适应能力。 同时,DNN将优化过程和计算压力集中在网络训 练阶段,训练完成后,基于DNN的测试过程具有 较高的工作效率。因此,深度学习理论为突破当 前雷达成像技术的瓶颈提供了全新思路^[23,24]。

传统的雷达前视成像算法在收敛速度、计算 复杂度和成像分辨率等方面存在一些局限性。本 论文致力于探讨一种基于 CNN-LSTM 神经网络的 新型雷达前视成像算法,旨在提高前视成像的分 辨率和系统的稳健性。深度学习的引入使得我们 能够从大规模数据中学习复杂的目标特征,从而 更好地适应不同的场景和目标类型。

1 扫描前视成像模型

1.1 静止的几何模型

扫描前视成像的静止几何模型如图1所示, 图1(a)为雷达扫描过程图,图1(b)给出了静止雷达 与点目标的几何关系图。如图1(a)所示,雷达平台 与目标保持相对静止。



如图 1(a),假设机载雷达平台处于O'位置,目标在XOY平面,平台垂直高度为H,天线波束以角速度 σ 沿逆时针方向对目标进行扫描。雷达天线波束初始方位角为 θ_0 ,俯仰角为 φ_0 。如图 1(b),以点P为例,t=0时刻,机载平台与目标之间的方位夹角为 θ_0 ,距离为 R_0 ;在t时刻,机载平台与目标之间的方位与夹角变为 θ_t ,但由于目标始终在天线波束扫描范围内,瞬时斜距 R_t 仍为 R_0 ,表示为 $R_t=R_{00}$ 。

1.2 回波模型

对于前视成像,一般采用线性调频信号:

$$s(\tau) = \operatorname{rect}\left(\frac{\tau}{T_r}\right) e^{j2\pi \left(f_c \tau + \frac{1}{2}\gamma r^2\right)}$$
(1)

其中, τ 为发射信号的快时间, T_r 为脉宽, γ 为调频率, rect(u)为矩形信号。

$$\operatorname{rect}(u) = \begin{cases} 1 & u \leq \frac{1}{2} \\ 0 & u > \frac{1}{2} \end{cases}$$
(2)

以点*P*为例进行回波分析,初始作用距离为 *R*₀,目标反射系数为σ₀,可得回波为:

$$s_{0}(\tau) = \sigma_{0} \operatorname{rect}\left(\frac{\tau - 2R_{0}/c}{T_{r}}\right) e^{j2\pi \left[f_{c}(\tau - 2R_{0}/c) + \frac{1}{2}\gamma(\tau - 2R_{0}/c)^{2}\right]}$$
(3)

随着波束的扫描,发射信号经过点*P*的反射接 收得到的回波可以表示为:

$$s_{0} = \sigma_{0} h(t - t_{0}) \operatorname{rect}\left(\frac{\tau - 2R_{0}/c}{T_{r}}\right) e^{j2\pi \left[f_{c}(\tau - 2R_{0}/c) + \frac{1}{2}\gamma(\tau - 2R_{0}/c)^{2}\right]} (4)$$

其中, *t*为慢时间, *t*₀为波束中心扫过*P*点的时间, 可以看出,方位向回波的强度受到天线方向图的 调制,对回波进行下变频后可得:

$$s_{0} = \sigma_{0} h(t - t_{0}) \operatorname{rect}\left(\frac{\tau - 2R_{0}/c}{T_{r}}\right) e^{j2\pi \left[\frac{-2f_{c}R_{0}}{c} + \frac{1}{2}\gamma\left(\tau - \frac{2R_{0}}{c}\right)^{2}\right]}$$
(5)

1.3 方位向类卷积模型

由式(5)可知,一次前视扫描的回波经过下变频,并进行脉冲压缩后距离向固定,同距离单元的方位向回波可建模为目标散射系数与天线方向 图的卷积,方位向回波为:

$$s(\theta) = \int_{\bar{\theta} \in \Omega_{\theta}} \tilde{\sigma}(\theta) h(\theta - \bar{\theta}) d\bar{\theta}$$
(6)

其中, θ为扫描波束的方位角, 扫描中雷达按照一 定的脉冲重复频率发射脉冲信号, 故收到的方位 向回波为离散信号, 同时将天线方向图和目标散 射系数离散化可得:

$$\boldsymbol{s} = \left[s_1, s_2, s_3, \cdots, s_m, \cdots, s_M \right]^{\mathrm{T}}$$
$$\boldsymbol{h} = \left[h_1, h_2, h_3, \cdots, h_l, \cdots, h_L \right]^{\mathrm{T}}$$
$$\boldsymbol{\sigma} = \left[\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \cdots, \sigma_n, \cdots, \sigma_N \right]^{\mathrm{T}}$$
(7)

式中,*M*,*L*,*N*分别为回波、天线方向图和目标 散射系数的采样点数,实际的物理过程中存在噪 声,所以方位向回波的类卷积模型可以写为:

$$s(t) = h(t) \otimes \sigma(t) + n(t)$$
 (8)
将其改写为矩阵离散化形式为:

$$\begin{bmatrix} s_{1} \\ s_{2} \\ s_{3} \\ \vdots \\ s_{M} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_{L} & h_{L-1} & \cdots & h_{1} & & & \\ & h_{L} & \vdots & \ddots & & \\ & & \ddots & \vdots & \ddots & h_{1} & & \\ & & & h_{L} & \ddots & \vdots & \ddots & \\ & & & \ddots & \vdots & & h_{1} & \\ & & & & h_{L} & \cdots & h_{2} & h_{1} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \sigma_{1} \\ \sigma_{2} \\ \vdots \\ \sigma_{n} \\ \vdots \\ \sigma_{N} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} n_{1} \\ n_{2} \\ \vdots \\ n_{n} \\ \vdots \\ n_{N} \end{bmatrix}$$
(9)

根据公式(9), 前视扫描回波可以视为目标散

射系数和天线方向图的卷积并叠加接收机噪声的 结果,对目标散射系数的求解是一个求逆过程, 在时域上分析,雷达天线方向图所确定的卷积矩 阵本身就是一个病态矩阵,直接利用最小二乘法 求解得到的值与真实值的差距很大,该方程是一 个病态方程。从频域上分析,首先对公式(8)进行 傅里叶变换可得:

$$Y(\omega) = X(\omega) H(\omega) + N(\omega)$$
 (10)
对公式(10)直接进行频域反卷积运算可得:

$$X(\omega) = \frac{Y(\omega) - N(\omega)}{H(\omega)}$$
(11)

可以直接求得结果,然而实际上,一般的天 线方向图为sinc函数,其傅里叶变换为带限信号, 截止频率以外的幅度趋于零,会导致高频区域的 噪声被无限放大,使得反卷积结果不准确,并不 能直接求解。该问题是一个病态问题。

2 基于 CNN-LSTM 神经网络的前视成像 算法

2.1 雷达成像与神经网络

在雷达前视领域,传统算法存在一定的局限 性,而以数据驱动为核心的深度学习算法为雷达 前视成像处理提供了新的思路。在上节所述问题 中,在脉压处理后,回波信号的距离向固定,方 位向视为天线方向图与目标散射系数的卷积,一 般的天线方向图为辛格函数,其构成的卷积矩阵 为奇异矩阵,所以方位向回波与目标散射系数存 在一定的非线性关系,利用CNN-LSTM神经网络 去估计和预测,探索方位向序列中包含的复杂的 非线性关系,从而得到方位向目标散射系数。

2.2 神经网络结构

在图2所示模型中,将采集的回波数据经过脉冲压缩处理后,逐距离单元输入CNN-LSTM神经网络,利用CNN层与LSTM层提取隐含在方位向回波中的目标散射系数信息,经过全连接层变换到图像域,通过反向传播算法进行权值更新,最终完成该距离单元的方位向目标散射系数识别。

本文所用的神经网络共两个部分,特征提取 部分和序列回归部分,输入数据规模为100*1*1, 由两个卷积层,两个池化层,一个LSTM层组成, 利用卷积层提取高维特征,LSTM层提取时域 特征。

一维的卷积层的输入输出关系为:

$$\boldsymbol{y}_{k}^{\prime} = \sigma \left(\sum_{i \in M_{j}^{\prime}} \boldsymbol{x}_{i}^{\prime *} \boldsymbol{w}_{k}^{\prime} + \boldsymbol{b}_{k}^{\prime} \right)$$
(12)

其中, y为输出矢量, x, w分别为输入矢量和卷积 核, b表示为偏置矢量, $\sigma(\cdot)$ 为线性整流函数(Linear Rectification Function, ReLU)。

利用最大池化层压缩数据信息,降低维度, 计算公式为:

 $y_{k}^{l+1} = \max[y_{k}^{l}(2i), y_{k}^{l}(2(i-1))]$ (13)

经过特征提取后,通过全连接的方式连接到 回归层,全连接层的公式为:

$$\boldsymbol{y}_{k}^{l} = \boldsymbol{\sigma} \left(\boldsymbol{x}_{i}^{l} \ast \boldsymbol{w}_{k}^{l} + \boldsymbol{b}_{k}^{l} \right)$$
(14)



Fig. 2 CNN-LSTM neural network structure

图2所示为神经网络的结构,其中卷积层的时间复杂度为O(M²·K²·C_{in}·C_{out}),其中M为特征图边长,K为卷积核的边长,C为输入输出的通道数。LSTM层的时间复杂度为O(4·T·h²+4·T·n·h),其中,T为输入序列长度,n为特征维度,h为隐含状态维度。如图,神经网络有两个卷积层,一个LSTM层,故该算法的时间复杂度为:

 $O(2 \cdot M^2 \cdot K^2 \cdot C_{in} \cdot C_{out} + 4 \cdot T \cdot h^2 + 4 \cdot T \cdot n \cdot h) (15)$

2.3 网络训练方法

在给定场景中生成多个目标点,其位置和目标散射系数均服从高斯分布,仿真生成目标在前视区域下的回波数据,对回波数据进行脉冲压缩处理使其距离向固定,得到前视实波束成像,逐距离单元输入神经网络,输出预测方位向目标散射系数,仿真点位置与仿真的目标散射系数为真实值。

网络训练模式为监督训练,使用均方根误差 函数(Root Mean Squared Error, RMSE)作为损失函 数,表达式为:

Loss
$$(y_i, \hat{y}_i) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} (y_i - \hat{y}_i)^2}{N}}$$
 (16)

其中y_i是预测值, ŷ_i是真实值, N为序列元素个数。 训练中采用 SGDM 梯度下降算法更新权值, 更新公式为:

$$V_{\text{new}} = V_{\text{old}} \times \eta + \alpha \times \Delta T$$

$$W_{\text{new}} = W_{\text{old}} + V_{\text{new}}$$
(17)

其中, V为动量因子, W为网络权值, ΔT为梯度, η为动量系数, α为学习率。本文网络的学习率为 1E-5, 每800次迭代下降一次,学习率下降因子 为0.1。

2.4 算法流程

综上所述,本文提出了基于 CNN-LSTM 神经 网络的前视成像算法,该算法对接收后的信号进 行距离向处理,逐距离单元输入神经网络,实现 方位向的精准估计。

雷达前视成像的 CNN-LSTM 算法流程图如 图3 所示,算法训练主要步骤如下:

 ① 对训练集数据进行脉冲压缩处理,实现距 离向上的超分辨;

② 逐距离门输入神经网络,输出方位向预测结果;

③ 计算损失函数,利用反向传播机制与 SGDM 梯度下降算法更新神经网络权值;

④ 经过一定次数的迭代,使损失函数最小;
⑤ 利用测试集对算法功能性进行验证;
⑥ 训练完成。





2.5 仿真结果及分析

为了验证本文所提基于 CNN-LSTM 神经网络 的前视成像算法的有效性,本节分别进行了点目 标以及场景的前视成像仿真实验。为了衡量算法 对实孔径成像的分辨率改善程度,本文定义超分 辨系数为:

$$\alpha = \Delta L / \Delta L_{\rm real} \tag{18}$$

其中, ΔL 为实孔径雷达的前视成像分辨率, ΔL_{real}

为超分辨算法的分辨率。

在表1给定的雷达参数下,在成像区域中放置 了10个点目标,距离和方位分别为:

表1 雷达参数 Table 1 Radar parameters

参数名	参数值	参数名	参数值
载频Fc	10 GHz	波束扫描速度	40 (°)/s
带宽B	100 M	波束主瓣宽度	5.37°
时宽Tp	1.5 µs	距离分辨率	0.5 m
采样频率Fs	200 M	距离范围	$4 \ 000 \ m \sim 5 \ 000 \ m$
脉冲重复频率PRF	4 000	扫描角范围	$-5^{\circ}\sim5^{\circ}$
信噪比	0~10 dB	扫描积累脉冲数	100

 $R = [4\ 200,\ 4\ 400,\ 4\ 400,\ 4\ 600,\ 4\ 600,\ 4\ 600,\ 4\ 800, \ 4\ 800, \ 4\ 800,\ 4\ 800,\ 4\ 800,\ 4\ 800,\ 4\ 800]$

 $\theta = [0^{\circ}, -1^{\circ}, 1^{\circ}, -1^{\circ}, 0^{\circ}, 1^{\circ}, -3^{\circ}, -0.1^{\circ}, 0.1^{\circ}, 3^{\circ}]$

(19)

图4给出了仿真的实波束成像图,可以看出, 同一距离单元内的多个点目标的回波发生了混叠 现象,无法进行高分辨成像,这是因为点目标之 间的角度差小于波束宽度,实波束成像算法失效, 此时成像分辨率约为*θ*×*R*=421.76 m。

图 5 给出了在不同信噪比下的基于 CNN-LSTM 神经网络算法处理后的成像结果图。可以看 出:在0~10 dB 的信噪比区间下,图像均有明显目 标亮点,可以清晰地分辨;其中,在0 dB 条件下 存在幅度较小的噪点。在10 dB 的信噪比条件下



Fig.4 Simulation benchmark image and real beam imaging image

时,目标点清晰可见且没有明显噪点,有较好的 噪声抑制能力。

为了进一步定量分析不同信噪比条件下算法的成像效果,进行了100次蒙特卡洛实验,统计得在不同信噪比下的均方根误差(Root Mean Square Error, RMSE),其定义为:

$$\xi_{\text{RMSE}} = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} (y_i - \hat{y}_i)^2}{N}}$$
(20)

其中, K为蒙特卡洛实验次数,图6给出了该算法 在不同 SNR 条件下的均方根误差的变化曲线。从 图中可以看出,随着 SNR 的提升,RMSE 大幅度 降低,在 SNR>9 dB 时趋于平稳,得到最佳成像 效果。



Fig.5 Point target simulation results

进一步分析算法的方位向分辨率,图7给出了 在10 dB条件下某一距离单元的两种成像结果对比 图。可以看出:图7(a)实波束成像对同个波束内多 个点成像失效,四个目标的方位向信息混叠,无 法分辨其位置与幅度。图7(b)中可以看出:基于 CNN-LSTM算法的扫描方位向分辨结果出现四个 峰值,并与实际波达方向一致,其中,中间两点 的角度为-0.1与0.1,证明该算法可以对目标角度 大于0.1°的目标点进行分辨,分辨率约为 $\theta \times R =$ 15.7 m。

为进一步验证 CNN-LSTM 网络模型的成像适 用性,选用一幅高分辨 SAR 图像作为仿真场景, 生成雷达回波信号,并进行成像处理,如图 8 所 示。图 8(a)为实波束成像,图 8(b)为本文所提算法











的成像结果,图8(c)为仿真所用的高清图像。本文 所提算法的成像结果中海岸分辨明显,强散射目 标清晰可见,前视成像效果较好。

为进一步验证 CNN-LSTM 网络模型的成像适 用性,选用一副高分辨 SAR 图像作为仿真场景, 生成雷达回波信号,并用多种算法进行成像处理, 如图 8 所示,图 8(a)为经过脉压处理的实波束成 像,图 8(b)为仿真所用的高清图像,图 8(c)、图 8 (d)、图 8(e)分别为 SNR=10 dB 情况下三种不同的 前视成像算法,可以看出,基于 Tikhonov 正则化 的传统解卷积算法对噪声敏感,极易受到噪声干 扰,且图像存在混叠现象;单脉冲前视成像算法 在面对非稀疏场景时存在散焦现象,边界轮廓不 清晰;而本文所提算法的成像结果中海岸分辨明 显,强散射目标清晰可见,同时对噪声有着一定 的抑制能力,前视成像效果较好。

成像距离为4 500 m, 波束宽度为5.37°, 根据 公式:

$$\Delta L = \theta \times R \tag{21}$$

可得实波束分辨率约为421.76 m。

扫描解卷积成像模型中,扫描角范围为[-5°, 5°],计算可得方位向扫描宽度为1570.8 m,匀速 扫描100个脉冲,理论分辨率为15.7 m,可得该模 型下的超分辨系数为:

$$\Delta L / \Delta L_{\rm real} \approx 26.85 \tag{21}$$

该成像算法的超分辨系数为26.85。该结果与 点目标仿真所得超分辨系数一致。

通过上述仿真实验,分析了静止平台前视成



Fig.8 Surface target scene imaging results

像模式下各种基于CNN-LSTM的超分辨成像方法的成像效果和分辨率改善情况,对不同信噪比情况下的成像效果进行了对比,验证了基于CNN-LSTM的前视成像方法能够在远距低信噪比环境下进一步提高方位向分辨率。

3 结束语

前视成像的传统算法中,实波束成像受限于 孔径宽度回波易发生混叠现象,分辨率较低,而 解卷积前视成像在面对简单场景时可以成像,但 面对复杂场景时成像效果不佳,本文针对解卷积 前视成像的病态性进行了分析,提出了一种基于 CNN-LSTM神经网络的前视成像算法。该算法通 过学习仿真方位向回波与目标散射系数的非线性 关系来预测场景的方位向目标分布函数,仿真结 果表明:该算法可以有效提高前视成像的方位分 辨率。

参考文献

- [1] 保铮,邢孟道,王彤.雷达成像技术[M].电子工业出版 社,2005.
- [2] 陈洪猛. 机载广域监视雷达高分辨成像方法研究[D]. 西安: 西安电子科技大学, 2016.
- [3] MAO D, ZHANG Y, ZHANG Y, et al. Doppler beam sharpening using estimated Doppler centroid based on edge detection and fitting[J]. IEEE Access, 2019, 7(99): 123604-123615.
- [4] MOREIRA A, HUANG Y. Airborne SAR processing of highly squinted data using a chirp scaling approach with integrated motion compensation[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 1994, 32(5): 1029-1040.
- [5] MOREIRA A, PRATS-IRAOLA P, YOUNIS M, et al. A tutorial on synthetic aperture radar[J]. IEEE Geoscience and Remote Sensing Magazine, 2013, 1(1): 6-43.
- [6] LI Z, XING M, LIANG Y, et al. A frequency-domain imaging algorithm for highly squinted SAR mounted on maneuvering platforms with nonlinear trajectory[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2016, 54(7): 4023-4038.
- [7] 庞礴,代大海,邢世其,等. 前视 SAR 成像技术的发展和 展望[J]. 系统工程与电子技术, 2013, 35(11): 2283-2290.
 PANG Bo, DAI Dahai, XING Shiqi, et al. Development and perspective of forward-looking SAR imaging technique[J]. Systems Engineering and Electronics, 2013, 35 (11): 2283-2290.

- [8] 吴迪,朱岱寅,田斌,等.单脉冲成像算法性能分析[J]. 航空学报,2012,33(10):1905-1914.
- [9] 杨成杰. 单脉冲雷达前视成像技术研究[D]. 南京: 南京 航空航天大学, 2017.
- [10] 吴迪,杨成杰,朱岱寅等.一种用于单脉冲成像的自聚 焦算法[J]. 电子学报, 2016, 44(08): 1962- 1968.
 WU Di, YANG Chengjie, ZHU Daiyin, et al. An autofocusing algorithm for monopulse imaging[J]. Acta Electronica Sinica, 2016, 44(08): 1962-1968.
- [11] CHEN H, LU Y, MU H, et al. Knowledge-aided monopulse forward-looking imaging for airborne radar by exploiting the antenna pattern information[J]. Electronics Letters, 2017, 53(8): 566- 568.
- [12] 李悦丽,马萌恩,赵崇辉,等.基于单脉冲雷达和差通
 道多普勒估计的前视成像[J].雷达学报,2021,10(1):
 131-142.

LI Yueli, MA Meng'en, ZHAO Chonghui, et al.
Forward-looking imaging via Doppler estimates of sumdifference measurements in scanning monopulse radar
[J]. Journal of Radars, 2021, 10(1): 131-142.

- [13] PU W, WU J, HUANG Y, et al. Fast factorized backprojection imaging algorithm integrated with motion trajectory estimation for bistatic forward-looking SAR[J]. IEEE Journal of Selected Topics in Applied Earth Observations and Remote Sensing, 2019, 12(10): 3949-3965.
- [14] 梅海文,孟自强,李亚超,等.双基前视SAR几何定位及同步误差分析[J].电子与信息学报,2018,40(4): 882-889.

MEI Haiwen, MENG Ziqiang, LI Yachao, et al. Bistatic forward-looking SAR geometrical positioning and analysis of synchronization error[J]. Journal of Electronics and Information Technology, 2018, 40(4):882-889.

- [15] LI Y, ZHANG T, MEI H, et al. Focusing translationalvariant bistatic forward-looking SAR data using the modified Omega-K algorithm[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2021, (99): 1-16.
- [16] 周静.相控阵雷达前视成像算法研究[D].西安:西安 电子科技大学,2021.
- [17] 陈洪猛,李明,王泽玉等.基于多帧数据联合处理的机载单通道雷达贝叶斯前视成像[J].电子与信息学报,2015,37(10):2328-2334.
 CHEN Hongmeng, LI Ming, WANG Zeyu, et al. Bayesian forward-looking imaging for airborne single-channel radar based on combined multiple frames data[J]. Journal of Electronics & Information Technology, 2015, 37(10): 2328-2334.
- [18] CHEN H M, LI M, WANG Z, et al. Sparse super-

resolution imaging for airborne single channel forwardlooking radar in expanded beam space via l_p regularisation[J]. Electronics Letters, 2015, 51(11): 863-865.

- [19] LI Y, LIU J, JIANG X, et al. Angular superresolution for signal model in coherent scanning radars[J]. IEEE Transactions on Aerospace & Electronic Systems, 2019, 55(6): 3103-3116.
- [20] TUO X, ZHANG Y, HUANG Y, et al. Fast sparse-TSVD super-resolution method of real aperture radar forward-looking imaging[J]. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 2021, 59(8): 6609-6620.
- [21] IVERSON D D. Beam sharpening via multikernal deconvolution[C]// Cie International Conference on Radar, 2001.
- [22] 李悦丽,梁甸农,黄晓涛. 一种单脉冲雷达多通道解卷 积前视成像方法[J]. 信号处理, 2007(5): 699-703.
 LI Yueli, LIANG Diannong, HUANG Xiaotao. A multichannel deconvolution based on forword-looking imaging method in monopulse radar[J]. Signal Processing, 2007(5): 699-703.

[23] 张云,穆慧琳,姜义成,等.基于深度学习的雷达成像 技术研究进展[J].雷达科学与技术,2021,19(5):467-478.

ZHANG Yun, MU Huilin, JIANG Yicheng, et al. Overview of radar imaging techniques based on deep learning[J], Radar Science and Technology, 2021, 19(5): 467-478.

 [24] 王俊, 郑彤, 雷鹏, 等. 深度学习在雷达中的研究综述[J]. 雷达学报, 2018, 7(4): 395-411.
 WANG Jun, ZHENG Tong, LEI Peng, et al. Study on deep learning in radar[J]. Journal of Radars, 2018, 7(4): 395-411.

[作者简介]

孙晓翰	1998年生,硕士研究生。
李凉海	1965年生,硕士,研究员。
张彬	1981年生,硕士,研究员。

(本文编辑:杨秀丽)